

Mata Kuliah : Statika  
Kode : CVL - 104  
SKS : 3 SKS

## *Garis Pengaruh Pada Balok*

Pertemuan – 14

- **TIU :**
  - Mahasiswa dapat menghitung reaksi perletakan pada struktur statis tertentu
  - Mahasiswa dapat menghitung gaya-gaya dalam momen, lintang dan normal pada struktur statis tertentu
- **TIK :**
  - Mahasiswa dapat menjelaskan konsep garis pengaruh

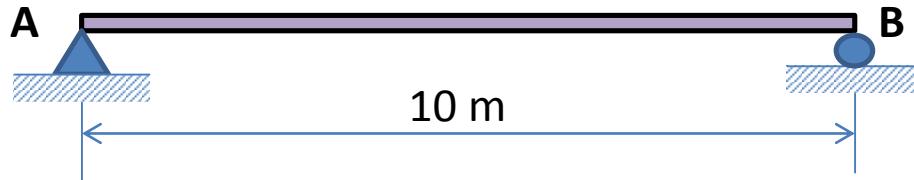
- Sub Pokok Bahasan :
  - Garis Pengaruh Reaksi Tumpuan
  - Garis Pengaruh Gaya Lintang
  - Garis Pengaruh Momen Lentur
  - Garis Pengaruh Pada Balok Gerber

## Definisi

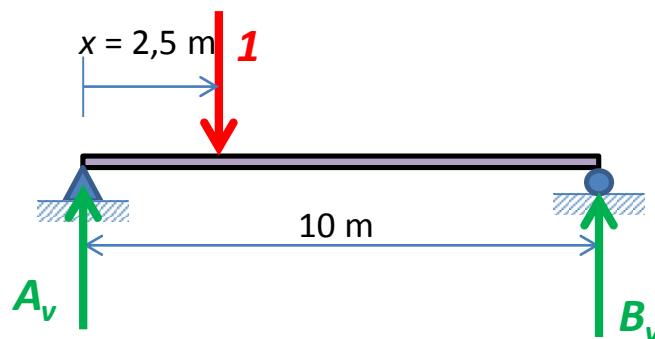
- Garis pengaruh merupakan variasi dari reaksi, momen ataupun lintang akibat gaya terpusat yang bekerja pada titik tertentu dalam sebuah struktur.
- Garis pengaruh merepresentasikan efek dari beban bergerak pada titik tertentu dalam struktur sedangkan diagram gaya dalam (Momen, Lintang dan Normal) merupakan representasi efek dari beban tersebut terhadap keseluruhan bagian struktur.
- Pada Balok, perhitungan persamaan Garis Pengaruh dapat dilakukan terhadap reaksi Perletakan (R), momen (M), ataupun gaya Lintang (D), dengan menempatkan gaya satuan pada balok tersebut.

## Garis Pengaruh Reaksi Tumpuan

- Sebuah struktur balok sederhana



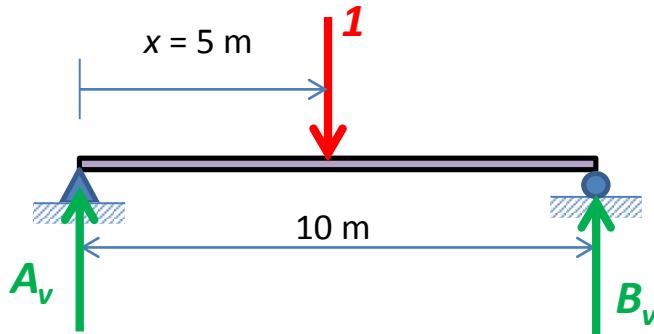
- Tempatkan gaya 1 satuan (unit load) dengan jarak  $x = 2,5 \text{ m}$ .  
Hitung Reaksi di A



$$\begin{aligned}\Sigma M_B &= 0 \\ A_v(10) - 1(7,5) &= 0 \\ A_v &= 0,75\end{aligned}$$

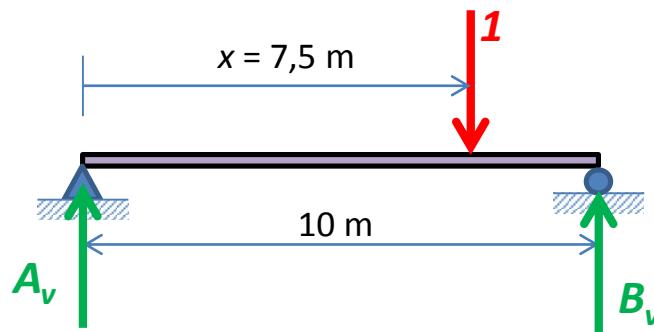
## Garis Pengaruh Reaksi Tumpuan

- Tempatkan gaya satuan dengan jarak  $x = 5 \text{ m}$



$$\begin{aligned}\Sigma M_B &= 0 \\ A_v(10) - 1(5) &= 0 \\ A_v &= 0,5\end{aligned}$$

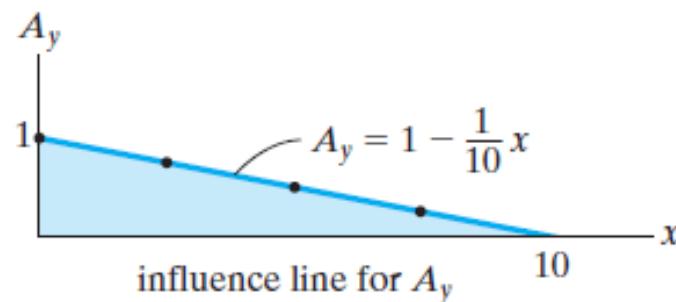
- Tempatkan gaya satuan dengan jarak  $x = 7,5 \text{ m}$



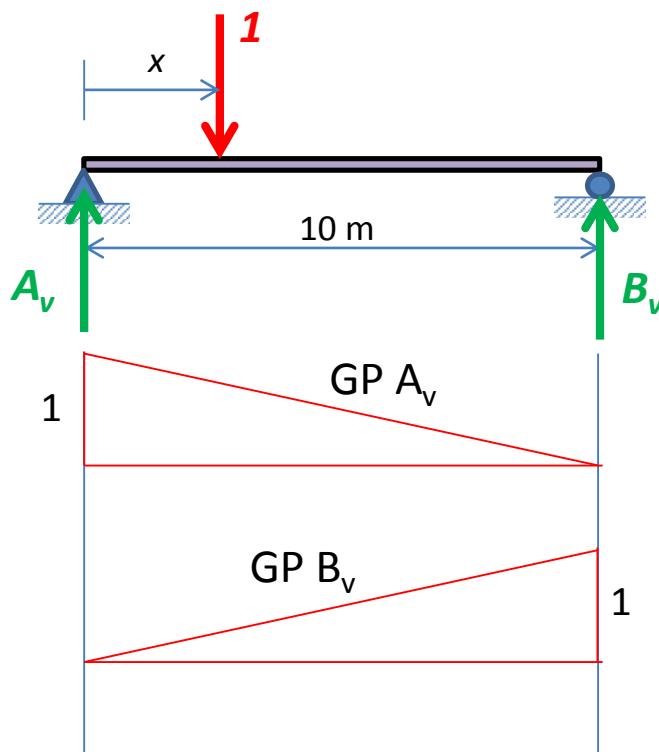
$$\begin{aligned}\Sigma M_B &= 0 \\ A_v(10) - 1(5) &= 0 \\ A_v &= 0,5\end{aligned}$$

- Dengan cara yang sama, untuk  $x = 0$  ( $P = 1$  berada di A), maka  $A_v = 1$ ,
- Dan untuk  $x = 10$  m ( $P = 1$  berada di B), diperoleh  $A_v = 0$
- Tabelkan hasil perhitungan dengan variasi jarak

$x$	$A_y$
0	1
2.5	0.75
5	0.5
7.5	0.25
10	0



- Secara lebih umum, Garis pengaruh reaksi tumpuan dapat dituliskan dalam suatu persamaan, yaitu dengan menempatkan beban 1 satuan pada jarak  $x$  dari tumpuan A.



$$\sum M_B = 0$$

$$A_v(10) - 1(10 - x) = 0$$

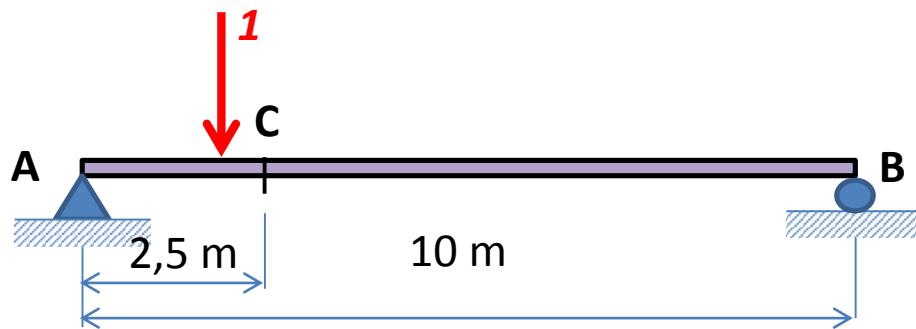
$$A_v = 1 - (x/10)$$

$$\sum M_A = 0$$

$$-B_v(10) + 1(x) = 0$$

$$B_v = x/10$$

- **Garis Pengaruh Gaya Lintang**



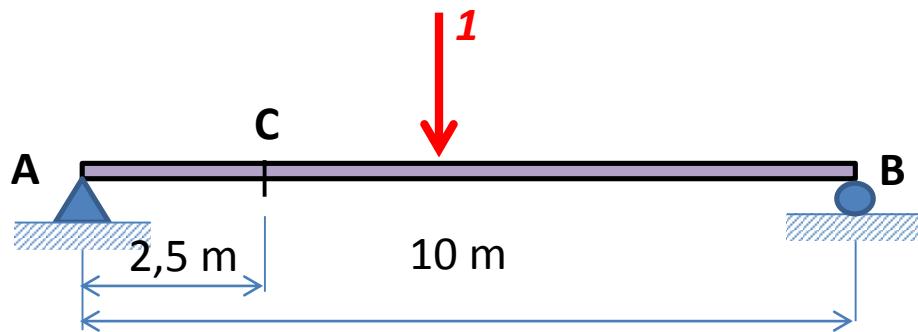
- Pada saat  $P$  berjalan di antara titik A ( $x = 0$ ) dan titik C ( $x = 2,5$ ), maka besarnya gaya geser di titik C adalah :

$$V_C = A_v - P = \left(1 - \frac{x}{10}\right) - 1 = -\frac{x}{10}$$

Atau     **$V_C = -B_v$**

- Gambarkan persamaan ini pada ruas antara titik A dan titik C.

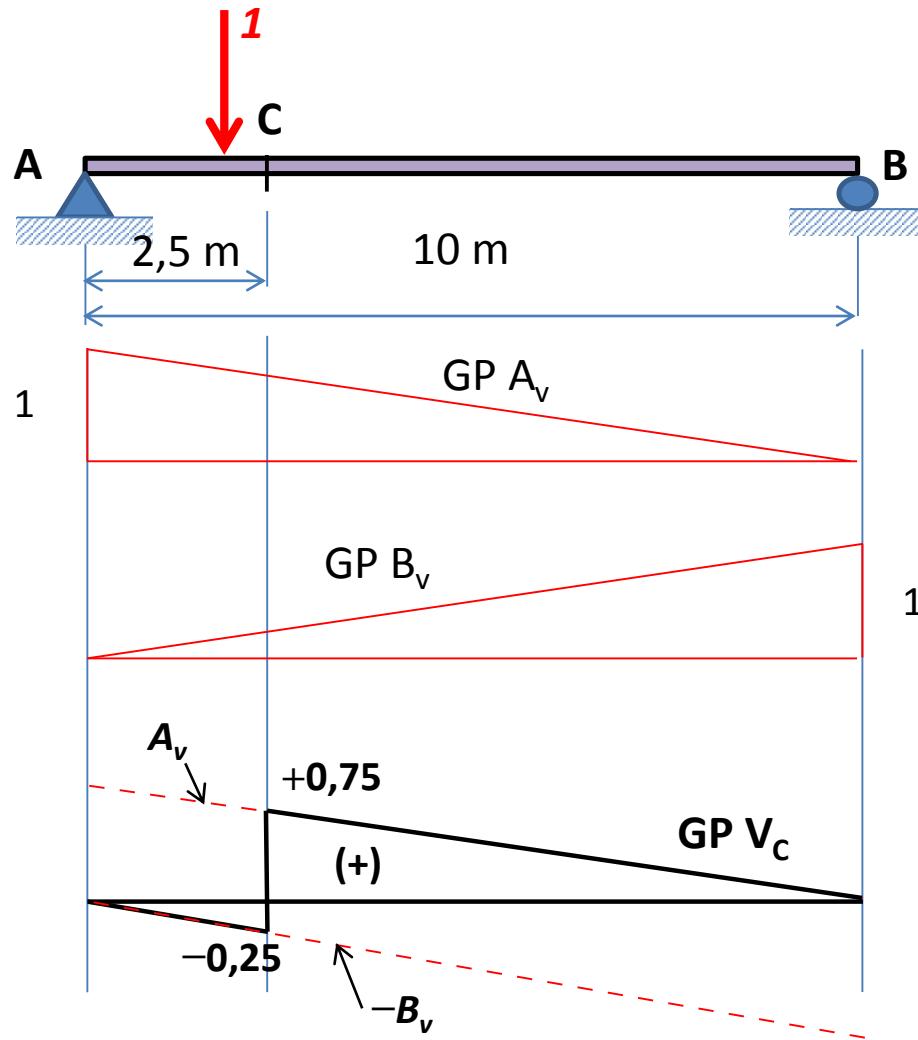
- **Garis Pengaruh Gaya Lintang**



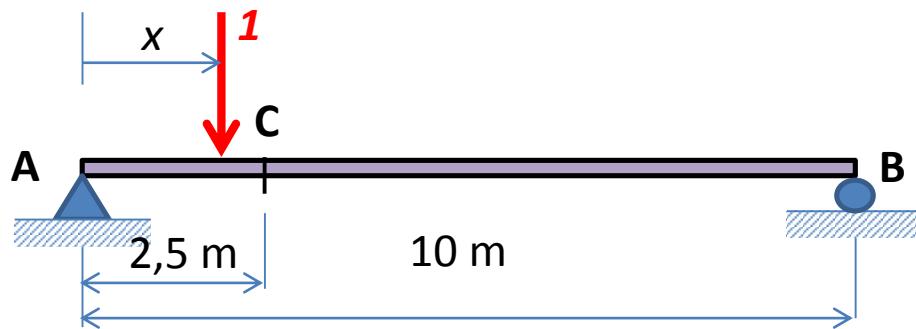
- Pada saat  $P$  berjalan antara titik C ( $x = 2,5$ ) hingga titik B ( $x = 10$ ), maka besarnya gaya geser di titik C adalah :

$$V_C = A_v = 1 - \frac{x}{10}$$

- Gambarkan persamaan ini pada ruas antara titik C dan titik B.



- **Garis Pengaruh Momen Lentur**



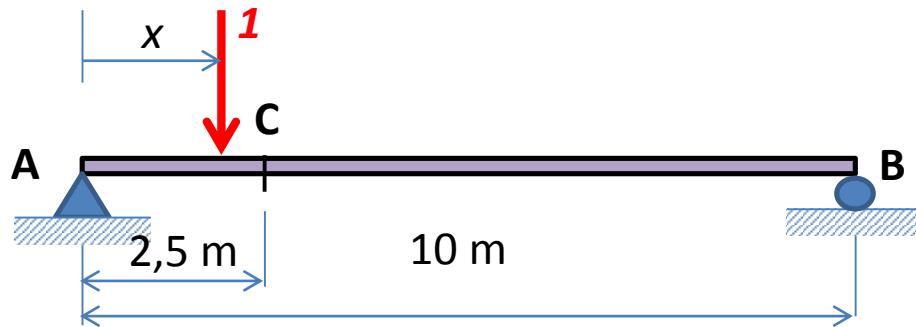
- Pada saat  $P$  berjalan di antara titik A ( $x = 0$ ) dan titik C ( $x = 2,5$ ), maka besarnya momen lentur di titik C adalah :

$$\begin{aligned}
 M_C &= A_v(2) - 1(2,5 - x) = A_v(2,5) - 2,5 + x \\
 &= \left(1 - \frac{x}{10}\right)(2,5) - 2,5 + x = \frac{7,5}{10}x
 \end{aligned}$$

Atau  **$M_C = 7,5 \cdot B_v$**

Gambarkan persamaan ini pada ruas antara titik A dan titik C.

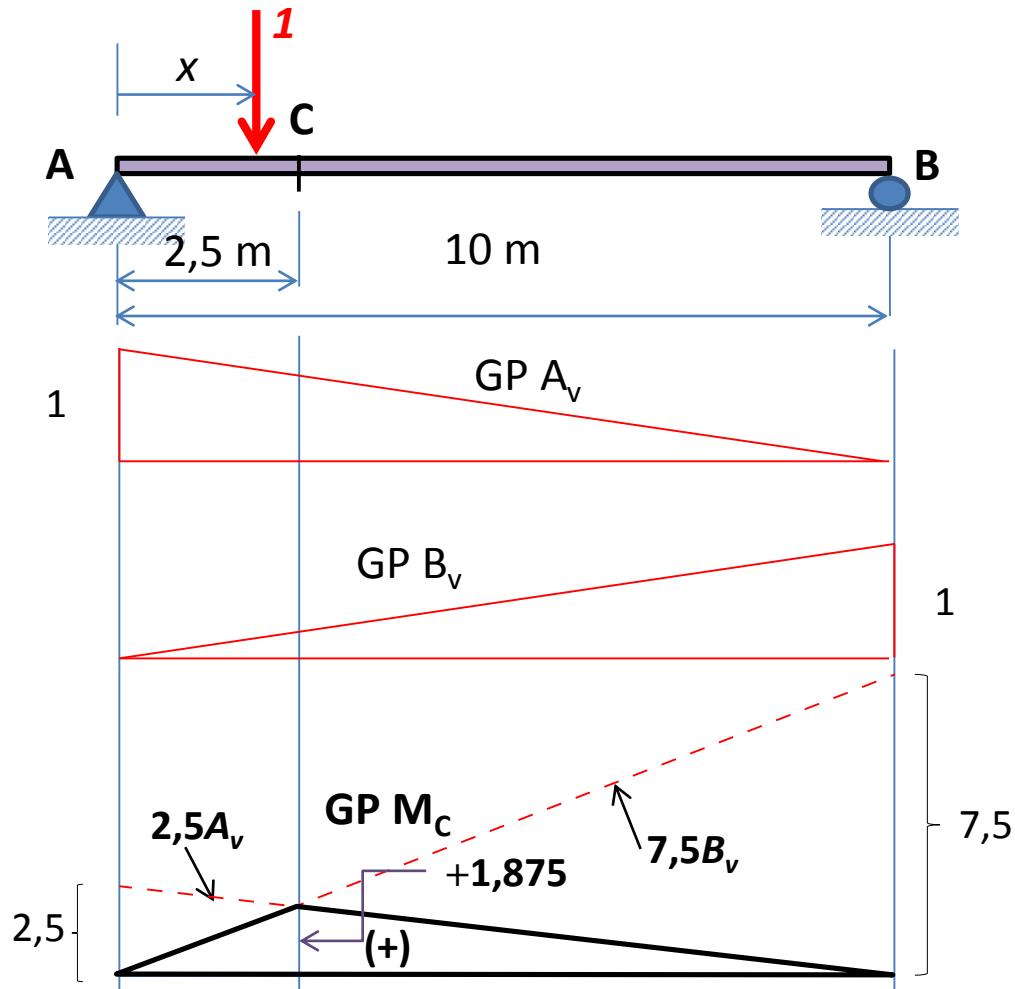
- **Garis Pengaruh Momen Lentur**



- Pada saat  $P$  berjalan di antara titik C ( $x = 2,5$ ) dan titik B ( $x = 10$ ), maka besarnya momen lentur di titik C adalah :

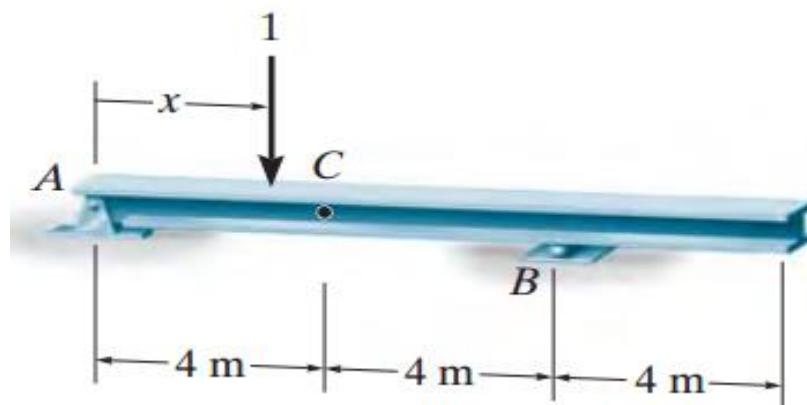
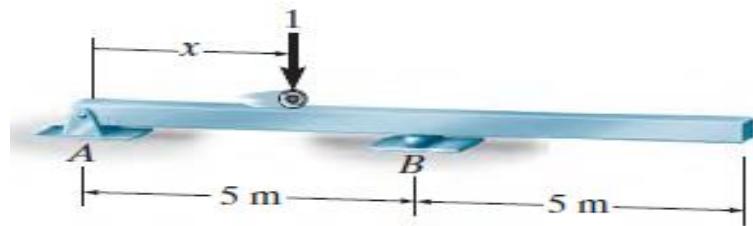
$$M_C = A_v (2,5)$$

Gambarkan persamaan ini pada ruas antara titik C dan titik B.



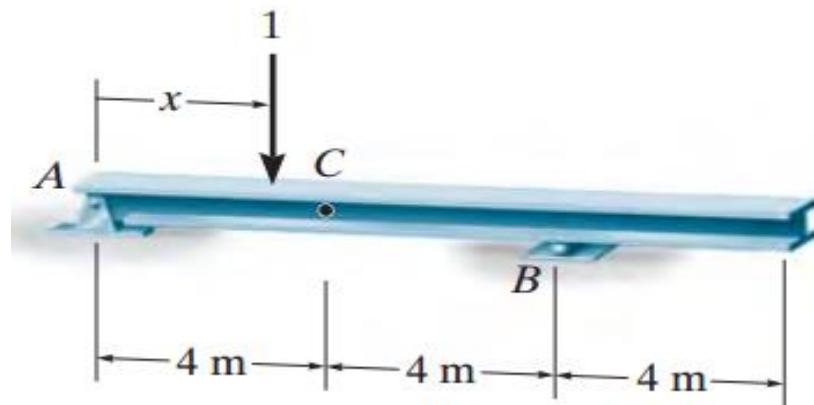
## Example 1

- Construct the influence line for the vertical reaction at *B* of the beam



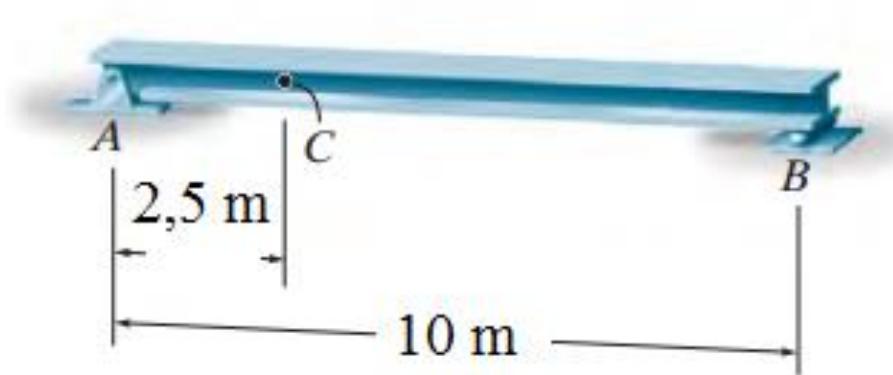
## Example 2

- Construct the influence line for the shear and moment at point C of the beam in Figure



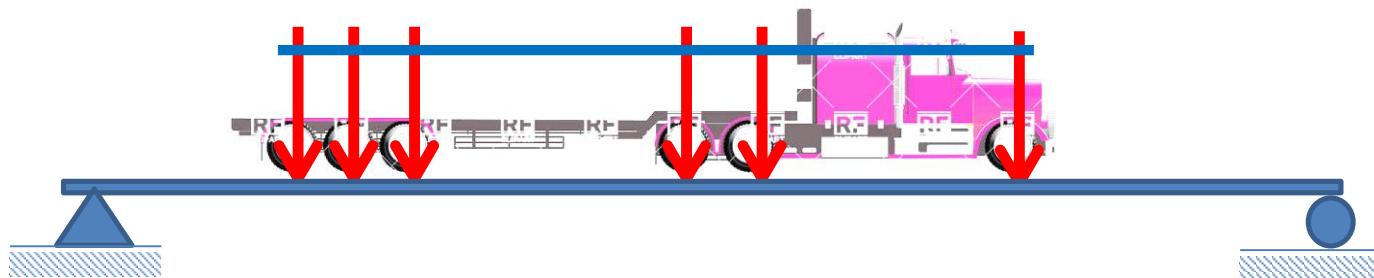
## Example 3

- Determine the maximum *positive* shear that can be developed at point C in the beam shown in Figure due to a concentrated moving load of 4 kN and a uniform moving load of 2 kN/m.



## Series of Concentrated Moving Loads

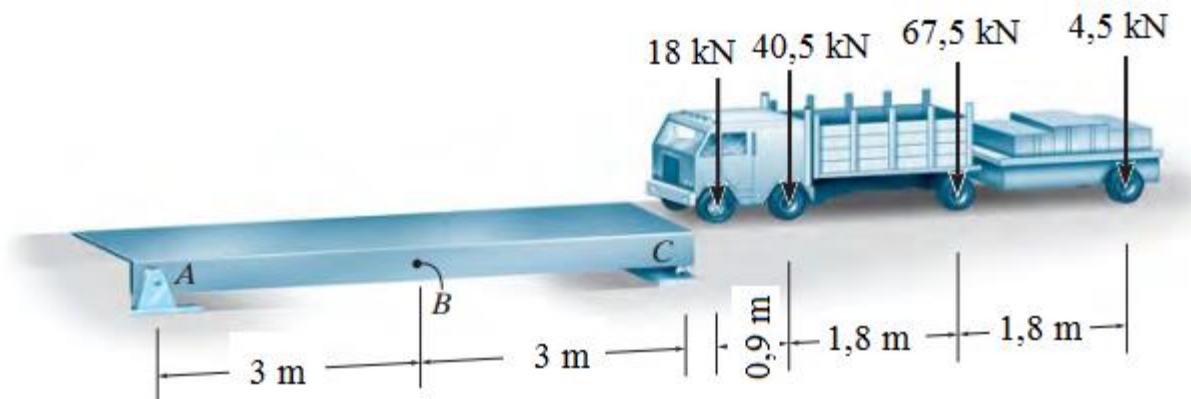
- In some cases, *several* concentrated forces must be placed on the structure.
- An example would be the wheel loadings of a truck or train.



- The maximum effect caused by a series of concentrated force is determined by multiplying the peak ordinate of the influence line by the corresponding magnitude of force

## Example 4

- Determine the maximum positive shear created at point *B* in the beam shown in Figure due to the wheel loads of the moving truck.



## Example 5

- Determine the maximum positive moment created at point *B* in the beam shown in Figure due to the wheel loads of the crane.

